

# ΑΠΟΛΙΤΙΣΙΟΝ

Ἀναστάσιμον  
 ἦχος π̣ δ̣ κ̣ η̣ ρ̣

Μέλος

ΕΞ υ φειμα τη θεω ο ο ευ σπα αυ χνος  
 τα φηνια τε δε ξω τρι η με ρον  
 να η μας ε χει θα ρω σης των πα θων η ζω  
 η υ η Α να στα σης η μων Κυ ρι ε ε δο ξα α  
 σοι

Τέλος

η ζω η υ η Α να στα σης η μων Κυ ρι ε  
 δο ξα σοι οι οι οι

Μέγ. Σμύρνη  
 1943

# ΑΠΟΔΕΙΞΗ

Απόδειξη  
για το θεώρημα

1898

Εάν  $f(x)$  είναι μια συνάρτηση που ορίζεται στο  $\mathbb{R}$  και είναι συνεχής στο  $a$ , τότε υπάρχει ένα  $\delta > 0$  τέτοιο ώστε για κάθε  $\epsilon > 0$  να ισχύει:

για κάθε  $x$  που ικανοποιεί την  $|x - a| < \delta$ , ισχύει  $|f(x) - f(a)| < \epsilon$ .

Από την οριστική ιδιότητα της συνέχειας, για το  $\epsilon > 0$  υπάρχει ένα  $\delta > 0$  τέτοιο ώστε για κάθε  $x$  που ικανοποιεί την  $|x - a| < \delta$ , ισχύει  $|f(x) - f(a)| < \epsilon$ .

Από την οριστική ιδιότητα της συνέχειας, για το  $\epsilon > 0$  υπάρχει ένα  $\delta > 0$  τέτοιο ώστε για κάθε  $x$  που ικανοποιεί την  $|x - a| < \delta$ , ισχύει  $|f(x) - f(a)| < \epsilon$ .

□

1898

Από την οριστική ιδιότητα της συνέχειας, για το  $\epsilon > 0$  υπάρχει ένα  $\delta > 0$  τέτοιο ώστε για κάθε  $x$  που ικανοποιεί την  $|x - a| < \delta$ , ισχύει  $|f(x) - f(a)| < \epsilon$ .

1898

1898

# ΑΠΟΛΙΤΙΣΙΟΝ

Ἀναζάσιμον  
Ἦχος Π ρ Η η 2

Μέλος

$\overset{\cdot}{\epsilon} \overset{\cdot}{\iota} \overset{\cdot}{\upsilon} \overset{\cdot}{\phi} \overset{\cdot}{\rho} \overset{\cdot}{\alpha} \overset{\cdot}{\tau} \overset{\cdot}{\eta} \overset{\cdot}{\lambda} \overset{\cdot}{\theta} \overset{\cdot}{\epsilon} \overset{\cdot}{\omega} \overset{\cdot}{\sigma} \overset{\cdot}{\sigma} \overset{\cdot}{\epsilon} \overset{\cdot}{\omega} \overset{\cdot}{\sigma} \overset{\cdot}{\tau} \overset{\cdot}{\chi} \overset{\cdot}{\alpha} \overset{\cdot}{\chi} \overset{\cdot}{\nu} \overset{\cdot}{\sigma}$   
 ΕΞ υ φ ρ α τ η λ θ ε ω σ σ ε ω σ τ χ α χ ν σ

$\overset{\cdot}{\tau} \overset{\cdot}{\alpha} \overset{\cdot}{\beta} \overset{\cdot}{\eta} \overset{\cdot}{\nu} \overset{\cdot}{\alpha} \overset{\cdot}{\tau} \overset{\cdot}{\epsilon} \overset{\cdot}{\delta} \overset{\cdot}{\epsilon} \overset{\cdot}{\xi} \overset{\cdot}{\omega} \overset{\cdot}{\tau} \overset{\cdot}{\rho} \overset{\cdot}{\iota} \overset{\cdot}{\eta} \overset{\cdot}{\mu} \overset{\cdot}{\epsilon} \overset{\cdot}{\rho} \overset{\cdot}{\omega} \overset{\cdot}{\nu}$   
 τ α β η ν α τ ε δ ε ξ ω τ ρ ι η μ ε ρ ω ν

$\overset{\cdot}{\iota} \overset{\cdot}{\nu} \overset{\cdot}{\alpha} \overset{\cdot}{\eta} \overset{\cdot}{\mu} \overset{\cdot}{\alpha} \overset{\cdot}{\sigma} \overset{\cdot}{\epsilon} \overset{\cdot}{\chi} \overset{\cdot}{\epsilon} \overset{\cdot}{\nu} \overset{\cdot}{\theta} \overset{\cdot}{\epsilon} \overset{\cdot}{\rho} \overset{\cdot}{\omega} \overset{\cdot}{\sigma} \overset{\cdot}{\eta} \overset{\cdot}{\sigma} \overset{\cdot}{\tau} \overset{\cdot}{\omega} \overset{\cdot}{\nu} \overset{\cdot}{\tau} \overset{\cdot}{\alpha} \overset{\cdot}{\theta} \overset{\cdot}{\omega} \overset{\cdot}{\nu} \overset{\cdot}{\eta} \overset{\cdot}{\tau} \overset{\cdot}{\omega}$   
 ι ν α η μ α σ ε χ ε ν θ ε ρ ω σ η σ τ ω ν τ α θ ω ν η τ ω

$\overset{\cdot}{\eta} \overset{\cdot}{\mu} \overset{\cdot}{\eta} \overset{\cdot}{\alpha} \overset{\cdot}{\nu} \overset{\cdot}{\alpha} \overset{\cdot}{\zeta} \overset{\cdot}{\alpha} \overset{\cdot}{\sigma} \overset{\cdot}{\iota} \overset{\cdot}{\sigma} \overset{\cdot}{\eta} \overset{\cdot}{\mu} \overset{\cdot}{\omega} \overset{\cdot}{\nu} \overset{\cdot}{\kappa} \overset{\cdot}{\upsilon} \overset{\cdot}{\rho} \overset{\cdot}{\epsilon} \overset{\cdot}{\epsilon} \overset{\cdot}{\epsilon} \overset{\cdot}{\delta} \overset{\cdot}{\omega} \overset{\cdot}{\xi} \overset{\cdot}{\alpha} \overset{\cdot}{\alpha}$   
 η μ η α ν α ζ α σ ι σ η μ ω ν κ υ ρ ε ε ε δ ω ξ α α

$\overset{\cdot}{\sigma} \overset{\cdot}{\omega} \overset{\cdot}{\iota}$   
 σ ω ι

Τέλος

$\overset{\cdot}{\eta} \overset{\cdot}{\tau} \overset{\cdot}{\omega} \overset{\cdot}{\eta} \overset{\cdot}{\mu} \overset{\cdot}{\eta} \overset{\cdot}{\alpha} \overset{\cdot}{\nu} \overset{\cdot}{\alpha} \overset{\cdot}{\zeta} \overset{\cdot}{\alpha} \overset{\cdot}{\sigma} \overset{\cdot}{\iota} \overset{\cdot}{\sigma} \overset{\cdot}{\eta} \overset{\cdot}{\mu} \overset{\cdot}{\omega} \overset{\cdot}{\nu} \overset{\cdot}{\kappa} \overset{\cdot}{\upsilon} \overset{\cdot}{\rho} \overset{\cdot}{\epsilon} \overset{\cdot}{\epsilon}$   
 η τ ω η μ η α ν α ζ α σ ι σ η μ ω ν κ υ ρ ε ε

$\overset{\cdot}{\delta} \overset{\cdot}{\omega} \overset{\cdot}{\xi} \overset{\cdot}{\alpha} \overset{\cdot}{\sigma} \overset{\cdot}{\omega} \overset{\cdot}{\iota} \overset{\cdot}{\sigma} \overset{\cdot}{\omega} \overset{\cdot}{\iota}$   
 δ ω ξ α σ ω ι σ ω ι

Μέγ. Σμύρνη  
1943

# ΑΠΟΔΕΙΞΗ

ΑΝΑΓΝΩΣΤΕΣ  
ΤΗΣ ΕΡΓΑΣΙΑΣ

1968

ΕΙΣ ΤΗΝ ΕΠΙΣΤΗΜΗ ΤΗΣ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΗΣ

ΑΝΑΓΝΩΣΤΕΣ ΤΗΣ ΕΡΓΑΣΙΑΣ

ΑΝΑΓΝΩΣΤΕΣ ΤΗΣ ΕΡΓΑΣΙΑΣ

ΑΝΑΓΝΩΣΤΕΣ ΤΗΣ ΕΡΓΑΣΙΑΣ

1968

1968

ΑΝΑΓΝΩΣΤΕΣ ΤΗΣ ΕΡΓΑΣΙΑΣ

1968

ΑΝΑΓΝΩΣΤΕΣ ΤΗΣ ΕΡΓΑΣΙΑΣ